

L'ensemble du cours depuis le début d'année doit être connu. Les questions de cours suivantes, portant sur les chapitres récents, sont à travailler particulièrement. **En gras, les questions rajoutées au programme de colles de la semaine.**

Questions de cours à préparer

- 1) Cardinal de $E \times F$, de $\mathcal{F}(E, F)$ et de $\mathcal{P}(E)$.
Expliciter l'ensemble $\mathcal{P}(E)$ pour un ensemble E au choix du colleur (de très petit cardinal).
- 2) Nombre d'injections entre deux ensembles finis, nombre de bijections entre deux ensembles finis.
Liens entre les cardinaux de E , $f(E)$ et F (pour $f : E \rightarrow F$), notamment dans le cas où f est injective/surjective/bijective.
- 3) Soient E et F de même cardinal. Montrer que $f \in \mathcal{F}(E, F)$ est injective si et seulement si elle est bijective.
- 4) Rappels : coefficients binomiaux (définition à l'aide de factoriels, coefficients binomiaux généralisés), formule du binôme, $DL_n(0)$ de $(1+x)^\alpha$ où $\alpha \in \mathbb{R}$.
Lien avec le nombre de combinaisons de p éléments parmi n .
- 5) Théorèmes opératoires pour la dérivée en un point. Dérivée de la bijection réciproque en un point. Démontrer que $(uv)'(a) = u'(a)v(a) + u(a)v'(a)$.
- 6) Énoncer et démontrer la formule de Leibniz.
- 7) Énoncer le théorème de Rolle et le théorème des accroissements finis. Démontrer l'un des deux.
- 8) Énoncer (sans démonstration) la formule de Taylor-Young, l'inégalité des accroissements finis et la condition suffisante d'existence d'un extremum local en $a \in \overset{\circ}{I}$.
- 9) Révisions : énoncer (sans démonstration) les équivalence entre existence d'un DL à l'ordre 0 ou 1 et la continuité ou dérivabilité d'une fonction en un point (théorème 9.13 du cours).
- 10) Révisions : *DL* de référence.
- 11) Énoncer (sans démonstration) le théorème de limite de la dérivée.
- 12) **Soit $f : [a; b] \rightarrow [a; b]$, continue. Montrer que f possède au moins un point fixe. (voir feuille de TD sur les suites récurrentes)**
- 13) **Suites récurrentes : soit I un intervalle réel, $f : I \rightarrow I$.
Soit u définie $u_0 \in I$ et $u_{n+1} = f(u_n)$. Que peut-on affirmer sur la suite u ?
On suppose f croissante sur I . Que peut-on affirmer sur la suite u ?
On suppose que $I = [a; b]$, f continue et croissante. Que peut-on affirmer sur la suite u ?**
- 14) **Révisions : énoncer le théorème de convergence monotone.**

- 15) *Révisions : toute question de cours (sans démonstration) sur les chapitres Systèmes linéaires, Calcul matriciel, Espaces vectoriels, Espaces vectoriels de dimension finie.*

Programme pour les exercices

Dénombrement. *Suites récurrentes.*